

「新教育課程履修者」は、選択できません。

旧 数 学 II

(全 問 必 答)

第 1 問 (配点 15)

n を 3 以上の自然数とする。

(1) x^n を $x - 2$ や $2x - 1$ で割ったときの余りについて考えよう。

(i) x^n を $x - 2$ で割ったときの商を $Q(x)$ 、余りを k とおく。 x^n を $Q(x)$ と k を用いて表すと

$$x^n = \boxed{\text{ア}} \dots\dots\dots \text{①}$$

となる。①の両辺の x に 2 を代入すると、 $k = \boxed{\text{イ}}$ であることがわかる。

(ii) (i)と同様に考えると、 x^n を $2x - 1$ で割ったときの余りは、 $\boxed{\text{ウ}}$ であることがわかる。

(旧数学II第1問は次ページに続く。)

旧数学Ⅱ

ア の解答群

- | | |
|---------------------|---------------------|
| ① $kQ(x) + x - 2$ | ⑥ $kQ(x) - (x - 2)$ |
| ② $k(x - 2) + Q(x)$ | ⑦ $k(x - 2) - Q(x)$ |
| ③ $(x - 2)Q(x) + k$ | ⑧ $(x - 2)Q(x) - k$ |

イ, ウ の解答群 (同じものを繰り返し選んでもよい。)

- | | | | |
|-------------------|--------------------|------------|----------|
| ① 0 | ② 1 | ③ 2 | ④ -1 |
| ⑤ -2 | ⑥ 2^n | ⑦ $(-1)^n$ | ⑧ -2^n |
| ⑨ $\frac{1}{2^n}$ | ⑩ $-\frac{1}{2^n}$ | | |

(旧数学Ⅱ第1問は次ページに続く。)

旧数学Ⅱ

(2) 次に、 x^n を $(x-2)^2$ や $(2x-1)^2$ で割ったときの余りについて考えよう。

(i) x^n を $(x-2)^2$ で割ったときの余りを $R(x)$ とおく。

太郎さんと花子さんは、 $R(x)$ の求め方について話している。

太郎：(1)と同じように考えても、余りをうまく求められないね。

花子： $X = x - 2$ とおいてみるのはどうだろう。

花子さんの提案する方法で、余りを求めてみよう。

$X = x - 2$ とおく。このとき

$$x^n = (X + 2)^n$$

である。 $(X + 2)^n$ を展開すると、 X の項の係数は $\boxed{\text{エ}}$ 、定数項は

$\boxed{\text{オ}}$ となる。これら以外の項は X^2 で割り切れるので、 $(X + 2)^n$ は、ある多項式 $A(X)$ を用いて

$$(X + 2)^n = A(X) \cdot X^2 + \boxed{\text{エ}} X + \boxed{\text{オ}}$$

と表すことができる。このことから

$$R(x) = \boxed{\text{カ}} x + \boxed{\text{キ}}$$

であることがわかる。

(ii) (i)と同様に考えると、 x^n を $(2x-1)^2$ で割ったときの余りは、

$$\boxed{\text{ク}} x + \boxed{\text{ケ}}$$

(旧数学Ⅱ第1問は次ページに続く。)

旧数学Ⅱ

工 ~ ケ の解答群 (同じものを繰り返し選んでもよい。)

① 2^n

② $n \cdot 2^n$

③ $n \cdot 2^{n-1}$

④ $\frac{n}{2^n}$

⑤ $\frac{n}{2^{n-1}}$

⑥ $\frac{1}{2^n}$

⑦ $(-n+1) \cdot 2^n$

⑧ $(-n+1) \cdot 2^{n-1}$

⑨ $\frac{-n+1}{2^n}$

⑩ $\frac{-n+1}{2^{n-1}}$

旧数学Ⅱ

第2問 (配点 15)

同一平面上にある二つの円を考える。二つの円がただ一つの共有点をもつとき、二つの円は接するという。二つの円が図1のように接するとき、二つの円は外接するとい、図2のように接するとき、二つの円は内接するという。

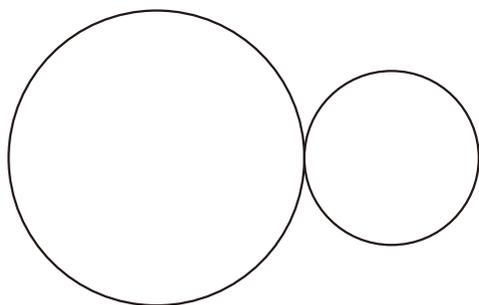


図1 外接

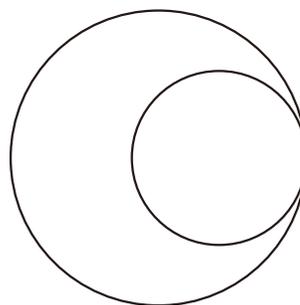


図2 内接

(旧数学Ⅱ第2問は次ページに続く。)

旧数学Ⅱ

実数 s は $-2 < s < 2$ を満たし、実数 t は $t > 0$ を満たすとする。O を原点とする座標平面において、方程式

$$x^2 + y^2 = 4$$

が表す円を C_0 、方程式

$$x^2 - 2sx + y^2 - 2ty + s^2 = 0 \quad \dots\dots\dots \textcircled{1}$$

が表す円を C とする。

- (1) C は、中心 ($\boxed{\text{ア}}$, $\boxed{\text{イ}}$)、半径 $\boxed{\text{ウ}}$ の円である。また、 C は s や t の値によらず $\boxed{\text{エ}}$ と接している。

$\boxed{\text{ア}}$ ~ $\boxed{\text{ウ}}$ の解答群 (同じものを繰り返し選んでもよい。)

- | | | | | |
|------------------------|-------------------------|-------------------------|------------------------|------------------------|
| $\textcircled{0}$ 0 | $\textcircled{1}$ s^2 | $\textcircled{2}$ t^2 | $\textcircled{3}$ s | $\textcircled{4}$ $2s$ |
| $\textcircled{5}$ $4s$ | $\textcircled{6}$ t | $\textcircled{7}$ $2t$ | $\textcircled{8}$ $4t$ | |

$\boxed{\text{エ}}$ の解答群

- | | |
|------------------------------|-------------------------------|
| $\textcircled{0}$ x 軸 | $\textcircled{1}$ y 軸 |
| $\textcircled{2}$ 直線 $y = x$ | $\textcircled{3}$ 直線 $y = -x$ |

(旧数学Ⅱ第2問は次ページに続く。)

旧数学Ⅱ

(2) C と C_0 が接する場合を考える。 C と C_0 が接したまま実数 s が $-2 < s < 2$ の範囲を動くとき、 C の中心が描く図形について考えよう。

(i) $-2 < s < 2$ に注意すると、 C_0 と C は オ していることがわかる。いま、 C_0 の半径を r_0 、 C の半径を r とし、 C_0 の中心と C の中心との間の距離 d を r_0 と r で表すと、 $d =$ カ $$ となる。したがって、 t を s で表すと、 $t =$ キ $$ となる。

オ の解答群

① 外接

② 内接

カ の解答群

① $r + r_0$

② $r - r_0$

③ $r_0 - r$

④ $r \cdot r_0$

⑤ $\frac{r}{r_0}$

⑥ $\frac{r_0}{r}$

キ の解答群

① $\frac{4 + s^2}{4}$

② $\frac{4 - s^2}{4}$

③ $\frac{\sqrt{4 + s^2}}{2}$

④ $\frac{\sqrt{4 - s^2}}{2}$

⑤ $\frac{(2 + s)^2}{4}$

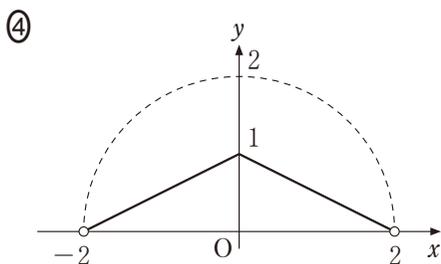
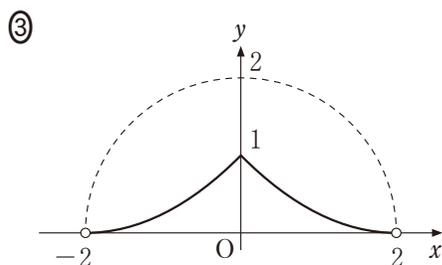
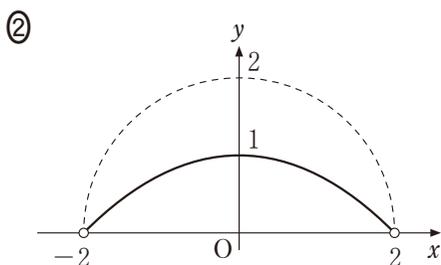
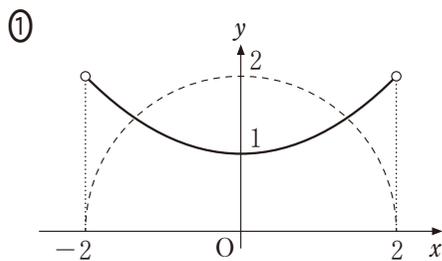
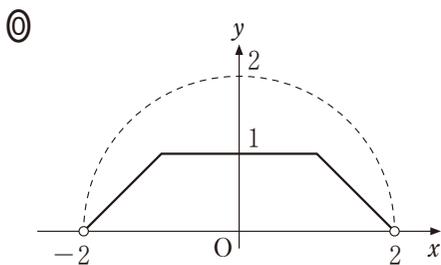
⑥ $\frac{(2 - s)^2}{4}$

(旧数学Ⅱ第2問は次ページに続く。)

旧数学Ⅱ

(ii) C の中心が描く図形の概形を実線で表したものは ク である。

ク については、最も適当なものを、次の①～⑤のうちから一つ選べ。ただし、①～⑤では C_0 の $y > 0$ の部分をそれぞれ破線で表している。



(旧数学Ⅱ第2問は次ページに続く。)

旧数学Ⅱ

- (3) 実数 k は $-2 < k < 2$ を満たすとする。① が表す円のうち、直線 $x = k$ と C_0 の両方に接する円は二つある。そのうち、中心が不等式 $x < k$ の表す領域にある円を C_1 、中心が不等式 $x > k$ の表す領域にある円を C_2 とする。

(1) と (2) の (ii) を考慮すると、 $k = \boxed{\text{ケ}}$ のとき C_1 の半径は最大値をとることがわかる。また、 $k = \boxed{\text{ケ}}$ のとき、 C_2 の中心の座標は

$$\left(\boxed{\text{コ}} \sqrt{\boxed{\text{サ}} - \boxed{\text{シ}}}, \boxed{\text{ス}} \sqrt{\boxed{\text{セ}} - \boxed{\text{ソ}}} \right)$$

である。

旧数学Ⅱ

第3問 (配点 22)

- (1) 関数 $F(x) = \int_0^x t(t-2) dt$ について考える。

$$F'(x) = x^2 - \boxed{\text{ア}} x$$

である。

$x = \boxed{\text{イ}}$ のとき、 $F(x)$ は極大値 $\boxed{\text{ウ}}$ をとる。

$x = \boxed{\text{エ}}$ のとき、 $F(x)$ は極小値 $\frac{\boxed{\text{オカ}}}{\boxed{\text{キ}}}$ をとる。

- (2) $x \geq 0$ のとき、関数 $G(x) = \int_0^x |t(t-2)| dt$ のグラフの概形を考えよう。

- (i) $t(t-2) \leq 0$ を満たす t の値の範囲は $0 \leq t \leq 2$ であり、 $t(t-2) \geq 0$ を満たす t の値の範囲は $t \leq 0$ 、 $2 \leq t$ である。よって

$$0 \leq t \leq 2 \text{ のとき} \quad |t(t-2)| = \boxed{\text{ク}}$$

$$t \leq 0, 2 \leq t \text{ のとき} \quad |t(t-2)| = \boxed{\text{ケ}}$$

である。

$\boxed{\text{ク}}$ 、 $\boxed{\text{ケ}}$ の解答群(同じものを繰り返し選んでもよい。)

① $t(t-2)$

④ $t(t+2)$

② $-t(t-2)$

③ $-t(t+2)$

(旧数学Ⅱ第3問は次ページに続く。)

旧数学Ⅱ

(ii) (i)により、 $G(x)$ を(1)の $F(x)$ を用いて表すと

$0 \leq x \leq 2$ のとき

$$G(x) = \int_0^x \boxed{\text{コ}} dt = \boxed{\text{サ}}$$

$2 \leq x$ のとき

$$G(x) = \int_0^2 \boxed{\text{コ}} dt + \int_2^x \boxed{\text{シ}} dt = \boxed{\text{ス}}$$

である。

$\boxed{\text{コ}}$ ， $\boxed{\text{シ}}$ の解答群(同じものを繰り返し選んでもよい。)

- | | |
|-----------------|-----------------|
| ① $t(t-2)$ | ④ $t(t+2)$ |
| ② $\{-t(t-2)\}$ | ⑤ $\{-t(t+2)\}$ |

$\boxed{\text{サ}}$ ， $\boxed{\text{ス}}$ の解答群(同じものを繰り返し選んでもよい。)

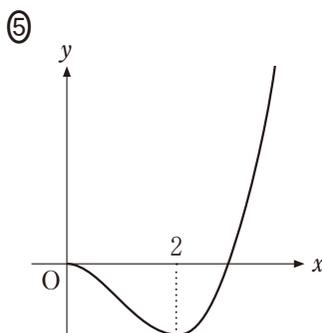
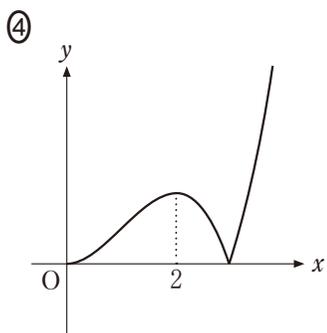
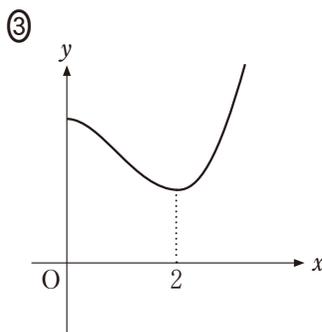
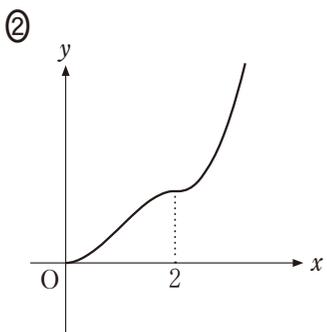
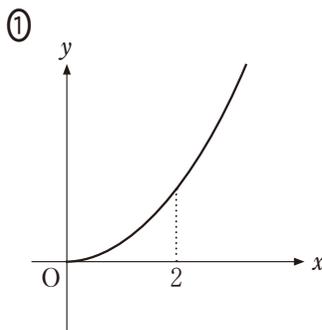
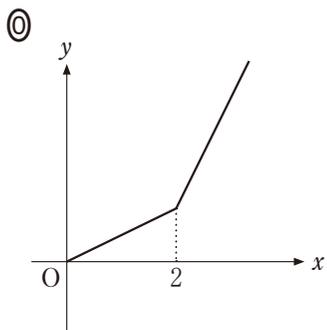
- | | | |
|-------------------------|-------------------------|-------------------------|
| ① $F(x) - \frac{8}{3}$ | ④ $-F(x) - \frac{8}{3}$ | ⑦ $F(x) + \frac{8}{3}$ |
| ② $-F(x) + \frac{8}{3}$ | ⑤ $F(x) - \frac{4}{3}$ | ⑧ $-F(x) - \frac{4}{3}$ |
| ③ $F(x) + \frac{4}{3}$ | ⑥ $-F(x) + \frac{4}{3}$ | ⑨ $F(x)$ |
| ④ $-F(x)$ | | |

(旧数学Ⅱ第3問は次ページに続く。)

旧数学Ⅱ

(iii) (ii)により，関数 $y = G(x)$ のグラフの概形は セ である。

セ については，最も適当なものを，次の①～⑤のうちから一つ選べ。



(旧数学Ⅱ第3問は次ページに続く。)

旧数学Ⅱ

- (3) a, β は $a < \beta$ を満たす定数とする。 $x \geq a$ のとき、次の関数 $H(x)$ について考える。

$$H(x) = \int_a^x |(t-a)(t-\beta)| dt - \int_a^x (t-a)(t-\beta) dt$$

$H(x)$ の値が x の値によらず一定となるような x の値の範囲は である。 における $H(x)$ の値は に等しい。

の解答群

- | | |
|---|---|
| ① $a \leq x \leq \frac{a+\beta}{2}$ | ④ $\frac{3a+\beta}{4} \leq x \leq \frac{a+3\beta}{4}$ |
| ② $\frac{a+\beta}{2} \leq x \leq \beta$ | ③ $\beta \leq x$ |

の解答群

- ① 0
- ② 関数 $y = (x-a)(x-\beta)$ のグラフと x 軸で囲まれた図形の面積
- ③ 関数 $y = (x-a)(x-\beta)$ のグラフと x 軸で囲まれた図形の面積の 2 倍
- ④ 関数 $y = (x-a)(x-\beta)$ のグラフと x 軸で囲まれた図形の面積の $\frac{1}{2}$ 倍
- ⑤ 関数 $y = (x-a)(x-\beta)$ のグラフと x 軸で囲まれた図形の面積の $-\frac{1}{2}$ 倍
- ⑥ 関数 $y = (x-a)(x-\beta)$ のグラフと x 軸で囲まれた図形の面積の -1 倍
- ⑦ 関数 $y = (x-a)(x-\beta)$ のグラフと x 軸で囲まれた図形の面積の -2 倍

旧数学Ⅱ

第4問 (配点 16)

$n = 2$ または $n = 3$ とする。O を原点とする座標平面上で、曲線 $y = x^n$ の $x \geq 0$ の部分を C とする。 $x > 0$ の範囲において、 C 上に点 A をとり、 A の x 座標を a とおく。 A から x 軸に引いた垂線と x 軸との交点を P とする。

A における C の接線を ℓ とする。ここで、 ℓ と C は点 A 以外に共有点をもたないことに注意する。

ℓ と C および x 軸で囲まれた図形の面積を S とし、 ℓ と線分 AP および x 軸で囲まれた図形の面積を T とする。また、線分 OA と C で囲まれた図形の面積を U とする。

(1) S と T の比について考えてみよう。

(i) $n = 2$ のときを考えてみる。

$y = x^2$ を x で微分すると、 $y' = \boxed{\text{ア}}$ である。このことから、接線 ℓ の方程式は

$$y = \boxed{\text{イ}}x - \boxed{\text{ウ}}$$

である。

T を a で表すと

$$T = \boxed{\text{エ}}$$

である。

また、 S については次のように求めることができる。 C と x 軸および線分 AP で囲まれた図形の面積は $\boxed{\text{オ}}$ である。よって

$$S = \boxed{\text{オ}} - T = \boxed{\text{カ}}$$

である。

したがって、 S と T の比の値は、 $\frac{S}{T} = \boxed{\text{キ}}$ である。

(旧数学Ⅱ第4問は次ページに続く。)

旧数学Ⅱ

ア の解答群

- ① $\frac{1}{2}x$ ② $2x$ ③ $\frac{1}{3}x^2$ ④ $2x^2$ ⑤ $\frac{1}{3}x^3$ ⑥ $3x^3$

イ の解答群

- ① $\frac{1}{2}a$ ② $2a$ ③ $\frac{1}{3}a^2$ ④ $2a^2$ ⑤ $\frac{1}{3}a^3$ ⑥ $3a^3$

ウ の解答群

- ① $a(2-a)$ ② $\frac{1}{2}a^2$ ③ a^2
 ④ $a^2(2a-1)$ ⑤ $a^2\left(\frac{1}{3}a^2-1\right)$ ⑥ $a^2(3a^2-1)$

エ ～ カ の解答群(同じものを繰り返し選んでもよい。)

- ① $\frac{1}{4}a^2$ ② $\frac{1}{2}a^3$ ③ $\frac{1}{3}a^3$ ④ $\frac{1}{4}a^3$
 ⑤ $\frac{1}{6}a^3$ ⑥ $\frac{1}{12}a^3$ ⑦ $\frac{5}{2}a^3$ ⑧ $\frac{1}{3}a^3 - \frac{1}{4}a^2$

キ の解答群

- ① $\frac{4}{3}a-1$ ② 1 ③ $\frac{1}{2}$ ④ $\frac{1}{3}$ ⑤ $\frac{2}{3}$ ⑥ 5

(旧数学Ⅱ 第4問は次ページに続く。)

旧数学Ⅱ

(ii) $n = 3$ のときを考えてみる。

このとき、 $\frac{S}{T} = \boxed{\text{ク}}$ であることがわかる。

$\boxed{\text{ク}}$ の解答群

- | | | | |
|--------------------|------------------|------------------|--------------------|
| ① $\frac{1}{4}$ | ② $\frac{1}{4}a$ | ③ $\frac{1}{3}$ | ④ $\frac{1}{3}a$ |
| ⑤ $\frac{1}{3}a^2$ | ⑥ $\frac{1}{2}$ | ⑦ $\frac{1}{2}a$ | ⑧ $\frac{1}{2}a^2$ |

(2) T と U の大小関係を考えてみよう。

• $n = 2$ のとき、 $\boxed{\text{ケ}}$ 。

• $n = 3$ のとき、 $\boxed{\text{コ}}$ 。

$\boxed{\text{ケ}}$ 、 $\boxed{\text{コ}}$ の解答群(同じものを繰り返し選んでもよい。)

- | |
|---|
| ① 点 A の位置によらず、 T は U に等しい |
| ② 点 A の位置によらず、 T は U より大きい |
| ③ 点 A の位置によらず、 T は U より小さい |
| ④ 点 A の位置によって、 T は U より大きくなることも、小さくなることも、等しくなることもある |

旧数学Ⅱ

第5問 (配点 16)

0 でない定数 T があって、関数 $f(x)$ がすべての実数 x について

$$f(x + T) = f(x) \quad \dots\dots\dots \textcircled{1}$$

を満たすとき、 $f(x)$ を周期関数と呼ぶ。 T が正の実数のとき、 $y = f(x)$ のグラフは図1のように、 T ごとに同じ形を繰り返す。

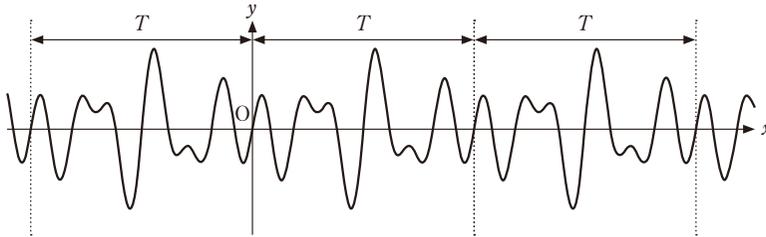


図1 周期関数の例

例えば、 $\sin x$ は周期関数であり、 $T = 2\pi, 4\pi, 6\pi, \dots$ に対し、 $\sin(x + T) = \sin x$ が成り立っている。

以下では、すべての実数 x について $\textcircled{1}$ を満たす T のうち、正の実数で最小のものを、 $f(x)$ の周期と呼ぶ。例えば、 $\sin x$ の周期は 2π である。

(1) $y = \sin \frac{x}{2}$ のグラフについて考えよう。

すべての実数 x について、 $\sin \frac{x+T}{2} = \sin \frac{x}{2}$ を満たす T のうち、正の実数で最小のものは である。よって、 $\sin \frac{x}{2}$ の周期は であり、 $y = \sin \frac{x}{2}$ のグラフの概形は である。

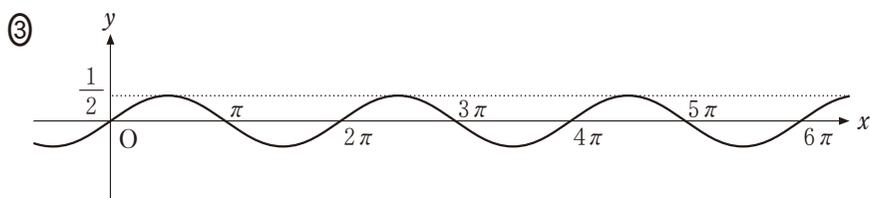
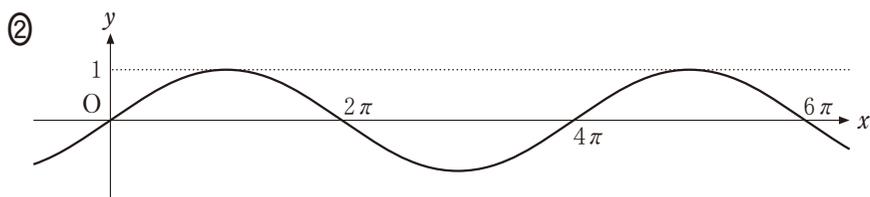
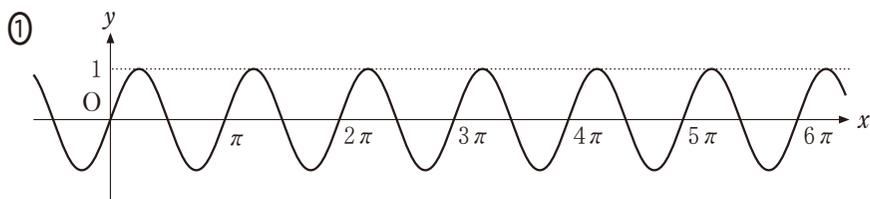
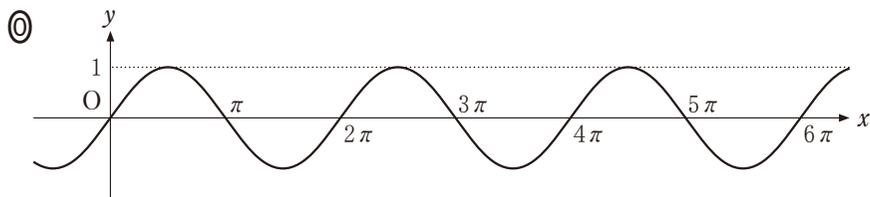
の解答群

- | | | | | |
|---------------------------------------|---------------------------------------|-----------------------------|------------------------------|------------------------------|
| $\textcircled{0} \quad \frac{\pi}{4}$ | $\textcircled{1} \quad \frac{\pi}{2}$ | $\textcircled{2} \quad \pi$ | $\textcircled{3} \quad 2\pi$ | $\textcircled{4} \quad 4\pi$ |
|---------------------------------------|---------------------------------------|-----------------------------|------------------------------|------------------------------|

(旧数学Ⅱ第5問は次ページに続く。)

旧数学Ⅱ

イ については、最も適当なものを、次の①～④のうちから一つ選べ。



(旧数学Ⅱ第5問は次ページに続く。)

旧数学Ⅱ

(2) $f(x) = \sin \frac{x}{2} + \cos \frac{x}{3}$ とする。

(i) $f(x)$ が周期関数であるかどうかを調べよう。

$\sin \frac{x}{2} = -1$ かつ $\cos \frac{x}{3} = -1$ を満たす正の実数 x で最小のものは

ウ であるから、 $f(\text{ウ}) = -2$ である。

また、すべての実数 a に対して

$$f(\text{ウ} + a) = \sin \frac{\text{ウ} + a}{2} + \cos \frac{\text{ウ} + a}{3} \quad \cdots \cdots \text{②}$$

であり、②の右辺に加法定理を用いると

$$f(\text{ウ} + a) = -\cos \text{エ} - \cos \text{オ}$$

が成り立つことがわかる。

$f(x)$ が a を周期とする周期関数であるならば、すべての実数 x について

$$f(x + a) = f(x) \quad \cdots \cdots \text{③}$$

が成り立つので、 x に ウ を代入しても③は成り立つ。つまり

$$-\cos \text{エ} - \cos \text{オ} = -2 \quad \cdots \cdots \text{④}$$

が成り立つ。この式が満たされるのは

$$\cos \text{エ} = 1 \quad \text{かつ} \quad \cos \text{オ} = 1$$

のときであるから、④を満たす正の実数 a で最小のものは カ である。

また、 $a = \text{カ}$ とすると、すべての実数 x について③が成り立つの

で、 $f(x)$ は周期関数であり、カ は $f(x)$ の周期であることがわかる。

(旧数学Ⅱ第5問は次ページに続く。)

旧数学Ⅱ

ウ, カ の解答群(同じものを繰り返し選んでもよい。)

- | | | | |
|-------------------|----------|-----------|-----------|
| ① $\frac{\pi}{2}$ | ② π | ③ 2π | ④ 3π |
| ⑤ 4π | ⑥ 6π | ⑦ 12π | ⑧ 24π |

エ, オ の解答群(解答の順序は問わない。)

- | | | |
|----------------------|----------------------|----------------------|
| ① $\frac{\alpha}{6}$ | ② $\frac{\alpha}{4}$ | ③ $\frac{\alpha}{3}$ |
| ④ $\frac{\alpha}{2}$ | ⑤ α | ⑥ 2α |
| ⑦ 3α | ⑧ 4α | ⑨ 6α |

(旧数学Ⅱ第5問は次ページに続く。)

旧数学Ⅱ

(ii) $g(x) = \sin \frac{x}{2} - \cos \frac{x}{3}$ とする。

$y = f(x)$ と $y = g(x)$ のグラフについて考えよう。

$y = f(x)$ のグラフと $y = g(x)$ のグラフの共有点の x 座標は、整数 n を用いて と表され、逆に、すべての整数 n について、 は $y = f(x)$ のグラフと $y = g(x)$ のグラフの共有点の x 座標である。

$y = f(x)$ と $y = g(x)$ のグラフの概形は である。

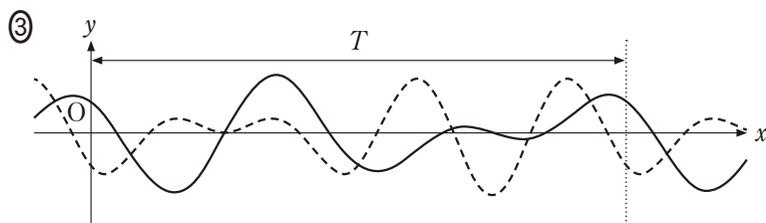
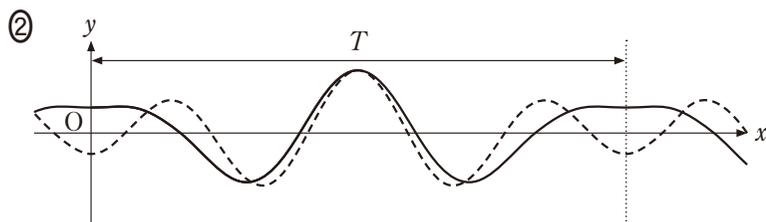
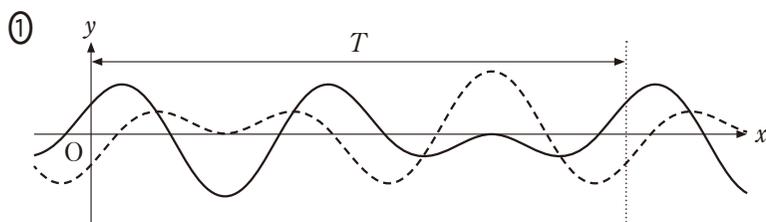
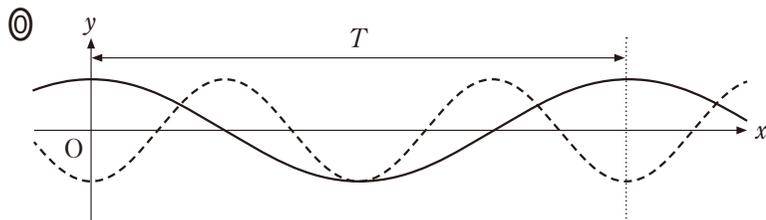
の解答群

- | | | |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| ① $n\pi$ | ② $2n\pi$ | ③ $3n\pi$ |
| ④ $4n\pi$ | ⑤ $6n\pi$ | ⑥ $\frac{\pi}{2} + n\pi$ |
| ⑦ $\frac{\pi}{2} + 3n\pi$ | ⑧ $\frac{3}{2}\pi + 2n\pi$ | ⑨ $\frac{3}{2}\pi + 3n\pi$ |
| ⑩ $\frac{3}{2}\pi + 6n\pi$ | | |

(旧数学Ⅱ第5問は次ページに続く。)

旧数学Ⅱ

クについては、最も適当なものを、次の①～④のうちから一つ選べ。ただし、①～④では、 $y = f(x)$ のグラフを実線で、 $y = g(x)$ のグラフを破線で表し、 $f(x)$ の周期を T で表している。



旧数学Ⅱ

第6問 (配点 16)

(1) p を正の実数とするとき、 $p^{\log_2 p}$ について考える。

(i) $4^{\log_2 4} = \boxed{\text{アイ}}$ である。

また、 $\log_2 \frac{1}{4} = \boxed{\text{ウエ}}$ であるので、 $\left(\frac{1}{4}\right)^{\log_2 \frac{1}{4}} = \boxed{\text{オカ}}$ である。

(ii) a を正の実数とするとき、2 を底とする $a^{\log_2 a}$ の対数について

$$\log_2 a^{\log_2 a} = \boxed{\text{キ}}$$

が成り立つ。

$\boxed{\text{キ}}$ の解答群

① $(\log_2 a)^{-2}$

② $(\log_2 a)^{-1}$

③ $(\log_2 a)^2$

④ a^{-2}

⑤ a^{-1}

⑥ a^2

(旧数学Ⅱ第6問は次ページに続く。)

旧数学Ⅱ

(iii) 二つの正の実数 a, b に対して、等式

$$a^{\log_2 a} = b^{\log_2 b} \dots\dots\dots \textcircled{1}$$

を考える。(ii)の考察により、ク は $\textcircled{1}$ が成り立つための必要十分条件であることがわかる。

ク の解答群

- | | |
|--|--|
| $\textcircled{0} \quad a = b$ | $\textcircled{1} \quad ab = 1$ |
| $\textcircled{2} \quad a + b = 1$ | $\textcircled{3} \quad \frac{1}{a} + \frac{1}{b} = 1$ |
| $\textcircled{4} \quad a = b \quad \text{または} \quad ab = 1$ | $\textcircled{5} \quad a = b \quad \text{または} \quad a + b = 1$ |
| $\textcircled{6} \quad a = b \quad \text{または} \quad \frac{1}{a} + \frac{1}{b} = 1$ | |

(旧数学Ⅱ第6問は次ページに続く。)

旧数学Ⅱ

(2) 二つの関数

$$f(x) = 2^{x+1} + 1$$

$$g(x) = 3 \cdot 2^x - 1$$

に対して、方程式

$$\{f(x)\}^{\log_2 f(x)} = \{g(x)\}^{\log_2 g(x)} \dots\dots\dots \textcircled{2}$$

を考える。

(i) $\log_2 f(x)$ について、真数の条件により、 x のとり得る値の範囲は ケ である。また、 $\log_2 g(x)$ について、真数の条件により、 x のとり得る値の範囲は コ である。

ケ， コ の解答群(同じものを繰り返し選んでもよい。)

- | | | |
|------------------|---------------------|----------------------|
| ① 実数全体 | ② 正の実数全体 | ③ 負の実数全体 |
| ④ $x > \log_2 3$ | ⑤ $x > -\log_2 3$ | ⑥ $x > 2^3$ |
| ⑦ $x > -2^3$ | ⑧ $x > \frac{1}{3}$ | ⑨ $x > -\frac{1}{3}$ |

(旧数学Ⅱ第6問は次ページに続く。)

旧数学Ⅱ

(ii) $f(x) = g(x)$ を満たす x を求めるために、 $t = 2^x$ とおいてみよう。

$f(x) = g(x)$ が成り立つのは、 $t = \boxed{\text{サ}}$ のときである。 $2^x = \boxed{\text{サ}}$ を満たす x は $x = \boxed{\text{シ}}$ である。この x の値は (i) で求めた二つの範囲の両方に含まれるので、② の解である。

(iii) ② の解で、 $x = \boxed{\text{シ}}$ 以外のものは $x = \boxed{\text{スセ}}$ である。